

# "Analisi termodinamica delle reazioni di fusione nucleare: il ruolo dell'entropia"

*Silvano Tosti*

## **Abstract**

La fattibilità delle reazioni nucleari viene stabilita attraverso la valutazione del termine  $Q_{value}$ , che esprime l'energia rilasciata dal processo, e della reattività nucleare, un termine legato alla probabilità di reazione. Dal confronto con l'approccio termodinamico, dove la spontaneità di un processo è verificata attraverso la valutazione della variazione della energia libera di Gibbs ( $\Delta G$ ), appare evidente che nello studio delle reazioni nucleari è stato finora trascurato l'esame del termine entropico ( $T \Delta S$ ). Tale assunzione è sempre giustificata per le reazioni di fissione nucleare che, essendo caratterizzate da variazioni di entropia positive ( $\Delta S > 0$ ) e da elevatissimi valori di energia rilasciata ( $Q_{value} \gg 0$ , vale a dire  $\Delta H << 0$ ), risultano sempre spontanee ( $\Delta G < 0$ ) dal punto di vista termodinamico. Differentemente, nelle reazioni di fusione nucleare caratterizzate da variazioni di entropia negative ( $\Delta S < 0$ ) la variazione della energia libera di Gibbs ( $\Delta G$ ) può risultare positiva rendendo la reazione non spontanea alle altissime temperature utilizzate nelle macchine a confinamento magnetico ( $\approx 10^8$  K).

In questo studio viene condotta una analisi termodinamica delle 4 principali reazioni di fusione nucleare che utilizzano il deuterio e che sono attualmente studiate per applicazioni energetiche. Il calcolo della entropia è realizzato attraverso l'utilizzo della equazione di Sackur-Tetrode ed i risultati ottenuti con l'analisi termodinamica sono confrontati con i criteri cinetici basati sulla reattività nucleare.

# Classical thermodynamic analysis of fusion nuclear reactions: the role of entropy

*Silvano Tosti*

## Abstract

In classical thermodynamics, the spontaneity of a process is established through the assessment of the change in Gibbs free energy ( $\Delta G$ ). So far, the feasibility of nuclear reactions has been characterized in terms of cross section and  $Q_{\text{value}}$  while the entropic term ( $T \Delta S$ ) has been neglected. Such an assumption is always justified for fission reactions where the term  $\Delta S$  is positive. In the case of fusion reactions that operate at very high temperatures and the  $\Delta S$  is negative, the change in Gibbs free energy may result positive making the reaction non spontaneous.

A classical thermodynamic analysis of D-based reactions of interest for the magnetic-confinement fusion applications has been carried out. The entropy contribution has been evaluated via the Sackur-Tetrode equation while the change in enthalpy has been considered constant and corresponding to the  $Q_{\text{value}}$  of the fusion reaction. The results of the thermodynamic analysis are compared with the nuclear reactions feasibility criteria relied on the reaction reactivity. The reactions DT and  $D^3He$  show a high degree of spontaneity although the second one presents a lower reactivity. The increase of the temperature could enhance the reactivity of the reaction  $D^3He$  at the cost of decreasing its thermodynamic spontaneity. Both branches of the DD reaction are characterized by a much lower thermodynamic spontaneity than that of the DT and  $D^3He$  reactions. Furthermore, at the temperature of their maximum cross section the DD reactions exhibit a largely positive change in Gibbs free energy and, therefore, are not spontaneous. At the temperature of magnetic-confinement fusion machines ( $1.5 \times 10^8$  K), among the D-based reactions studied the DT one exhibits the highest degrees of spontaneity and reactivity.